## 一論文一

# 津軽海峡シル地形上の海面にストリーク帯を形成する 内部波の観測とモデル実験\*

山口 卓也<sup>1\*\*</sup>·磯田 豊<sup>2</sup>·伊藤 海彦<sup>2</sup>·向井 徹<sup>2</sup>·小林 直人<sup>3</sup>

#### 要旨

成層期の津軽海峡西口付近における合成開口レーダ (SAR)の人工衛星海面画像には、2 ~3本のストリーク帯 (同一水塊内の海面収束帯)を伴う内部波群が映し出され、その波長 は数100 m のオーダであった。このような内部波群のほとんどは、浅いシル (海堆)地形付 近で観測された。シル上に捕捉されたようにみえる内部波群の経時変化を捉えることを目 的に、2017年の夏季、高周波計量魚群探知機を用いた 25時間連続観測を実施した。得ら れた音響画像は、海峡通過流強化時期のシル下流側において、全振幅が150 m を超える内 部波群が遷移的に発達する様子を示した。内部波群は連なった 2~3本のストリーク帯で 構成され、そこでは強い沈降流で生じたと思われる非常に乱れた海面状態を呈していた。 シル上で発達する内部波の力学過程を調べるために、水平移流の影響や有限振幅波が表現 できる非線形項を含む非静水圧モデルを用いた。モデルの密度成層及び強制力である順圧 海峡通過流の経時変化は、本観測に近い状況を設定した。モデル再現の結果、フルード数 が臨界点となるシル下流側付近では、シル東端斜面上で励起された上流伝播する内部波が 同海域に停滞して効率的に重なり、内部波振幅の顕著な増幅を引き起こしていることが推 測された。ただし、この力学過程では大振幅まで波が成長しても内部ソリトン波の構造を 示さず、波の強い分散性よる散乱現象がむしろ支配的と思われる。

キーワード:津軽海峡, SAR 画像, 音響画像, 内部波群, ストリーク帯

- \* 2018年12月14日受領 2020年3月23日受理 著作権:日本海洋学会,2020年
- 1 北海道大学大学院環境科学院
- 〒 060−0810 札幌市北区北10条西5条
  2 北海道大学大学院水産科学研究院
- 〒041-8611 函館市港町3-1-1
- 3 北海道大学水産学部 〒041-8611 函館市港町3-1-1
- \*\* 連絡著者:山口卓也 TEL:090-7045-7364 e-mail:zshankou379@gmail.com

#### 1. はじめに

海洋内部波の水平伝播に伴って、その海面付近には収 束・発散の帯が形成される。特に、海面の収束域は沈降 流となるため、泡沫、海藻、木片などが集積した領域、 または、さざ波や波浪が収束して大きく波立った領域と して、肉眼でも観察することができる。このような局所 的な収束帯は一般に潮目と呼ばれるが、内部波やラング ミュア循環に伴う線状収束帯は表層の同一水塊内で生じるため,異水塊境界の潮目(またはフロント)とは区別されて,ストリーク帯(Streak bands)と呼ばれている(Yanagi, 1987)。

近年の内部波研究では、合成開口レーダ (Synthetic Aperture Radar:以下, SAR と略す) による海面画像や, 船底設置型の計量魚群探知機 (echo-sounder profiler) による海洋内部の音響画像,超音波流速計 ADCP (Acoustic Doppler Current Profiler) による流速分布か ら,内部波の時空間変化が観測できるようになった。人 工衛星による SAR 画像では、ストリーク帯が高い後方 散乱強度(高輝度値)として表示され、海面下の内部波 が間接的に可視化される(磯口, 2016)。SAR 画像のスト リーク帯分布から判断される内部波は、沿岸陸棚域の強 い潮流と成層条件のもと、顕著な海底地形変化海域(陸 棚縁など) で励起され、数100 km も伝播することが報告 されている (例えば, Apel and GonZalez, 1983; Apel, 2000; Vlasenko and Stashchuk, 2007)。内部波に伴うス トリーク帯の位置や水平間隔(波長)の情報しか得られな い SAR 画像に加えて、音響画像を併用すれば、内部波 の海中における形状の詳細な時空間変化が得られる。例 えば、オレゴン州立大学の Moum らによる一連の研究 (Moum et al., 2003; Moum et al., 2007; Shroyer et al., 2008) では、自由伝播する内部波を船舶で追跡した音響 及び海洋観測を実施し、伝播波の浅瀬効果による遷移過 程(分裂や混合)が議論されている。

本論は、日本海と北太平洋を繋ぐ津軽海峡で発生する 内部波の研究である。本海峡には、両海域間の水位差で 駆動される東向き(日本海から北太平洋へ)の海峡通過 流(Ohshima, 1994;飯野ら, 2009)と、海峡西口に節を もち定在波的な挙動を示す日周潮流(小田巻, 1984)があ り、両者の合わさった水平移流が支配的である。太田ら (2014)は2011年の夏季、海峡内の浅い海堆(英名では Sillと表記されるので、以下ではシルと呼ぶ)地形付近で XBT(eXpendable Bathy Thermography)を用いた往 復観測を実施し、東向き通過流に重なった日周潮流に同 期して成長・衰退する内部波の存在を初めて捉えた。観 測された内部波の波長は約10kmのシルスケールであ り、それゆえ、回転系の線形内部波(ポアンカレ波)によ る物理的解釈がなされている。本研究の目的は太田ら

(2014)が指摘したシル上の内部波に再び注目し、今回は SAR 画像によるストリーク帯分布と船舶の往復観測によ る音響画像の解析から、内部波のより細かな空間構造と 経時変化を調べることである。その結果、太田ら(2014) の XBT 観測では空間分解能 (1 km 前後) が低かったた めに、一つの内部波と理解しているものが、それはいく つものストリーク帯を伴う波長数100mの内部波の一群 (wave packet:本論では以下,内部波群と呼ぶ)である ことがわかった。先に紹介した, SAR 画像や音響画像を 用いた既往の研究では、自由伝播する内部波の遷移過程 を扱っている一方、本研究の内部波はシル上に捕捉され ながら励起・消滅するという強制波的な様相を呈する点 が異なる。これは、本研究海域の内部波が潮時変化する 海峡通過流とシル地形との相互作用で励起され、内部波 の励起・伝播に対して水平移流の影響が無視できないこ とを原因とする。

## 人工衛星 SAR 画像による津軽海峡の ストリーク帯分布

#### 2.1. SAR 画像資料

解析に使用した SAR 画像データ (Sentinel-1A と 1B) は, ESA (European Space Agency:欧州宇宙機関) の Sentinels Scientific Data Hub サイト (https://scihub. copernicus.eu/)を通じて無償でダウンロードできる。 解析期間は 2017 年4月の時点で公開されていた 2014 年 10月から2017年3月までとし、対象海域は津軽海峡西 口のシル地形上全域を含む北緯 41°00′~41°35′, 東経 139°40′~141°00′の矩形範囲とした。得られた画像のう ち、ストリーク帯が確認できるものを集めた結果、内部 波が存在できる成層期と存在できない非成層期では明ら かに異なった分布が観察された。そこで、以下の解析で は6~10月(2014~2016年)を成層期,11~4月(2015 ~2016年)を非成層期,5月(2015・2016年)を成層発 達期として区別した。成層期(非成層期)の全画像数は 30枚(66枚),そのうちストリーク帯が明瞭に観察され た画像は13枚(6枚)であり、頻度に換算すると約4割 (約1割)となる。

#### 2.2. 成層期のストリーク帯分布

Fig. 1の(a) は成層期に観察されたストリーク帯の典 型的な分布を示す 2015 年 6 月 24 日 17:34 の SAR 画像 である。同時刻の風速風向を調べるために、西部海峡を 取り囲む3点(松前,市浦,今別)のAMeDASデータ (https://www.data.jma.go.jp/risk/obsdl/index.php#) を用いて、緑色の風速ベクトルとして表示した。 AMeDAS データは海上風ではないために風速値の信頼 性は低いものの,西風または北西風の状況下の画像で あったことがわかり,岬背後の海峡中央部付近にみられ る薄い灰色(低い輝度値)領域は波浪と推測される。そ のような中, 幅数100m以内, 長さが10km 前後も続 き, 輝度値の高いストリーク帯が白神岬と竜飛崎の間に 4カ所ほど特定され、それぞれ、a~dのアルファベット で表示した。a~cのストリーク帯は円弧形状を呈しな がらも、東向きの海峡通過流に対してほぼ直交方向(海 峡横断方向) に向いている。特に、ストリーク帯 a は他 とは異なって1本の帯ではなく、矢印で強調したように、 数100m間隔の3本の帯で構成されている。このように 数本連なった帯状分布は、他の画像でも観察され、Fig. 2 の(a)に2014年10月9日05:41,(b)に2015年6月11 日 05:49, (c) に 2015 年 7 月 24 日 05:41, (d) に 2016 年 8月11日05:41のSAR画像を示した。これら4枚のス トリーク帯の輝度値は海象条件により多少異なるものの, 2~3本連なった帯状分布(矢印とa印で表示)はFig.1 (a) でみたストリーク帯 a とほぼ同じ場所, ほぼ同じ水 平間隔を示している。

ストリーク帯として判断することが危険と思われる弱 い輝度値のものは除外し,数本連なった帯状分布の場合 は海峡通過流の上流側(最も西側)の帯だけに注目し, 成層期の全画像から輝度値の高いストリーク帯を曲線と して抽出した。抽出した曲線状のストリーク帯は日付毎 に色分けして区別し,1枚の海底地形図上に重ねてプロッ トしたものがFig.3の(a)である。本海域の海底地形の 特徴は、いくつもの深みとシルで構成されている点であ る。西側から順番に、西津軽鞍部(Nishi-Tsugaru Saddle:NTgS)、松前海釜(Matsumae Caldron:MtC),白 神 鞍部(Shiragami Saddle:SrS),田山海釜(Tayama Caldron:TyC)、竜飛鞍部(Tappi Saddle:TpS),津軽 海盆 (Tsugaru Basin:TgB) である。ストリーク帯の形 成場所と海底地形の関係は明瞭であり、3つのシル (鞍 部)上、もしくは、そのすぐ東側 (東向き海峡通過流の下 流側) に集中していることがわかる。

#### 2.3. 非成層期のストリーク帯分布

Fig. 1 (b) の SAR 画像例は 2015 年 12 月 15 日 05:41 のものであり,非成層期の中で比較的多くのストリーク 帯が観察された画像である。このとき,青森側(市浦と 今別)では南風〜南東風,北海道側の松前付近では北東



Fig. 1. Streaks as observed in the SAR images around the western entrance of the Tsugaru Strait and AMeDAS wind vectors (green arrows) at Matsumae, Ichiura and Imabetsu, at (a) 17:34 JST on June 14, 2014 (stratified fluid season) and (b) 05:41 JST on December 15, 2015 (non-stratified season). The detected streaks are indicated using the symbols from "a" to "g" in each image. In particular, streak "a" in (a) occurs in a well-defined wave packet consisting of three streak bands, indicated with yellow arrows.



Fig. 2. Four SAR images as an example illustrating the well-defined wave packet at (a) 05:41 JST on October 9, 2014, (b) 05:49 JST on June 11, 2015, (c) 05:41 JST on July 24, 2015, and (d) 05:41 JST on August 11, 2016.

風を示し、海峡内の風場は陸上地形によって風向が大き く変化していたことが推測される。長さ10km前後のス トリーク帯を数えると7本程度あり、a~gのアルファ ベットで示した。これらのストリーク帯の方向は、東向 きの海峡通過流に対してほぼ平行であり、通過流に対し てほぼ直交方向の帯状分布を示した成層期のものとは異 なる。非成層期の全画像から抽出したストリーク帯分布 (Fig. 3の(b))をみても、ほとんどのストリーク帯は通 過流方向を向いており、海底地形との関係も不明瞭であ る。なお、非成層期のストリーク帯形成機構に関しては 今後の課題とし、本論では分布の記述に留まる。

## 3. 津軽海峡西部のシル地形に捕捉された 内部波の船舶観測

#### 3.1. 観測方法とデータ処理

2017年7月28~29日の2日間に津軽海峡西口付近に

おいて、北海道大学水産学部附属練習船うしお丸で計量 魚群探知機を用いた音響観測,CTD (Conductivity Temperature Depth profiler)観測,ADCP 観測を実施した。 音響観測は SIMRAD 社製の EK-60,CTD 観測は Sea-Bird 社製の SBE19plus,ADCP 観測は RD 社製 (150 kHz) の船底設置型を使用した。

Fig. 4 は海峡西口付近の海底地形と観測点及び観測線 を示す。本研究で実施した船舶観測では,成層期のスト リーク帯(Fig. 3 の (a))が3つのシル(NTgS, SrS, TpS)上,もしくは,そのすぐ東側に集中していること を参考にして観測線を設定した。観測線上の変針点とし てNTgS上にA点,TyC内にB点,TgB上にC点を設 け,D点は竜飛岬沖の強流部を避けて,できるだけ速く 上流側(西側)へ移動するための中継点とした。

7月28日13:30から翌29日16:04にかけて,1周 A→B→C→D→Aの順序で音響観測とADCP観測 を25時間連続で実施し,昼間は海面に現れるストリーク 帯の写真撮影を行った。1周は約5時間,全6周の観測



Fig. 3. The spatial distributions of all the streaks superimposed with different colors at each SAR image during (a) the stratified fluid season (June to October) and (b) the non-stratified fluid season (November to April), from 2014 to 2016.

を行った。最後の6周目の際、3つの深みの中央付近で CTD 観測を実施し、それぞれの観測点は MtC 内が CTD1、TyC 内が CTD2、TgB 内が CTD3 と呼ぶ。なお、 3周目の観測で D → A へ移動する際、早朝の延縄漁業船 を避けるために進路変更したことで A 点を経由できず、4 周目開始の位置は A 点と B 点のほぼ中間点となった。 SAR 画像で数本連なったストリーク帯が認められたスト リーク帯 a 付近は、もし観測されるのであれば B → C 線 上の TpS 付近であろう、という当初の目論見があった。 実際に、上記の 25 時間連続観測の結果、TpS のすぐ下 流側に 2 ~ 3 本程度連なったストリーク帯と音響画像に 映る大振幅の内部波が同時に観測される潮時があった。 そこで、このようなストリーク帯の形成と消滅を捉えた 音響画像を切り出す測点として、上流側の TpS上に E 点、下流側の TgB 側に F 点を新たに設定した。

ADCP 観測の処理手順は次の通りである。観測海域を



Fig. 4. Map of the stations and the bottom topography west of the Tsugaru Strait. Three CTD sites (CTD1, CTD2, and CTD3) are indicated by open circles. The locations of Nishi-Tsugaru Saddle (NTgS), Matsumae Caldron (MtC), Shiragami Saddle (SrS), Tayama Caldron (TyC), Tappi Saddle (TpS), and Tsugaru Basin (TgB) are denoted. One cycle of ship-transect following the turning points  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$  is indicated by solid and broken arrow lines. The significant internal-wave packet was tracked perpendicularly to TpS (points  $E \rightarrow F$ ), as determined visually from the acoustic images (200-kHz echosounder profile).

緯度1.0分,経度1.5分の小格子に分割し,各格子内で水 深26m,50m,98m,150m,198mの5層に分け,東西・ 南北流速成分毎に平均値と標準偏差(1σ)を計算した後, 品質管理として2σ以上離れるスパイクデータを削除し た。格子内に残った生データが5個以下の場合は,欠測 格子として扱った(処理方法の詳細は小林ほか,2004を 参照)。音響観測は38kHz,120kHz,200kHzの3周波 数で同時測定されるが,本解析では200kHzの3周波 あを使用した。200kHzは他の周波数に比べて海水中の 泡の影響が最も小さく,一方で海水中に多く分布する動 植物プランクトンなどの微小生物や躍層付近で大きな反 射強度を示すため,内部波観測に最も適している。

## 3.2. 函館-深浦間の水位差を指標とした船舶観測時期の 潮汐

観測期間中の潮時変化の指標として,海峡西口の無潮 点(日周潮汐)を挟む日本海側の深浦と海峡内の函館の水 位差の経時変化を使用した。解析に用いた両地点の水位 資料は、気象庁のウェブサイト (http://www.data.jma. go.jp/gmd/kaiyou/db/tide/genbo/index.php) で公開さ れている観測期間 (2017 年 7 月 28 日~29 日)の毎時デー タである。両地点の水位データは東京湾平均海面 (Tokyo Peil: TP)を基準とした水位換算を行った後、上流側 の深浦の水位 ( $\eta_{FUK}$ )から下流側の函館の水位 ( $\eta_{HAK}$ ) を差し引いて水位差 $\Delta \eta$ (= $\eta_{FUK} - \eta_{HAK}$ ) (cm)を求め、 その水位差を Fig. 5 に示した。なお、両地点は 100 km 程 度しか離れていないので、気圧補正は行っていない。 A → B → C 観測 (以下、ABC 観測と呼ぶ)を実施した 6 回の観測時間帯は、灰色縦線と回数番号で表示した。

7月28日はちょうど日周潮汐の小潮日 (分点潮) で あったため、水位差 $\Delta \eta$ (cm)時系列には日周潮よりも 半日周潮の方が卓越してみえる。観測期間を通して水位 差 $\Delta \eta$ (cm)は+20~+80 cm間の正値で変動し、平均 値は+40~+50 cm付近にある。これは東向きの海峡 通過流が卓越し、潮汐変動による潮止まりはなかったこ とを示す。それでも、後述するように、潮汐変動による 東向き流の極大期と極小期は存在しており、東向き流の 極大期は1回目、4回目、6回目のABC 観測頃にあった。



Fig. 5. Time series of the hourly sea-level difference between Fukaura (FUK) and Hakodate (HAK) in July 28-29, 2017. The gray area indicates the period covered by six repeated observations for the ship-transect line  $A \rightarrow B \rightarrow C$ . Vertical arrows during the sixth observation period indicate the times of the three CTD casts.

これらの極大期 (Max) は全て水位差Δη(cm) 極大から 2~4時間後に生じており,進行波的な挙動を示す半日 周潮 (水位差極大期に東向き流極大)と定在波的な挙動 を示す日周潮 (水位差極大から極小に至る時期に東向き 流極大)の中間的な特徴を示している。

### 4. 船舶による海洋観測結果

# ABC 観測線上における約5時間間隔の内部波の経時変化

ABC 観測線上における6回分の音響画像とADCP 流 速ベクトルの鉛直分布図(250 m 以浅を表示)をFig.6 に 示した。各図の左端が東経139°58′(A 点),右端が東経 139°30′(C 点)である。各回のA 点出発時刻とC 点到 着時刻を図の左側に記しており,A 点からC 点の移動時 間は約2時間であった。流速ベクトルの鉛直分布図は, 絶対流速の大きさを上段の凡例に従って色分けし,流速 ベクトルは北向きを上向き表示とした。

音響画像をみると、密度躍層付近(後述)の反射強度 が相対的に大きく, 主にシルの東側(下流側)で大振幅と なる内部波が明瞭に捉えられている。その振幅の大きさ は潮時にも依存するが、表層付近から水深200mを超え る場合もある。流速ベクトル分布の空間分解能が低いた め、音響画像との直接的な対応関係を議論することは難 しいものの、大振幅の内部波周辺では極大流速を示す水 深が他の領域に比べて深くなっている傾向がある。先行 研究である太田ら(2014)では、シル下流側にみられる 高反射強度の塊全体を一つの内部波(シルスケールの内 部波)と捉え、ポアンカレ波として考察していたことに なる。しかし、その塊の中にはさらにスケールの小さな 内部波群が存在している。そこで、高反射強度域内のよ り詳細な内部波構造をみることを目的に、TpS 下流域側 に注目して, EF 観測線上の音響画像(6回分)を拡大し て Fig. 7 に示した。各図の左端図は TpS 上 (東経 140° 19′)における流速ベクトルを Fig. 6 より抽出したもので ある。各回の観測と次の観測との大まかな時間間隔は右 端に記した。

水位差変化から推測して東向き通過流が極大となった 1回目の観測にて、シル下流側に全振幅が約100mの内



Fig. 6. Temporal change in the vertical distributions of (a) the acoustic image, and (b) the ADCP current vectors at five depths (26 m, 50 m, 98 m, 150 m, and 198 m). Closed and open circles in (b) indicate the depth with the maximum velocity at each location and no data, respectively.

部波群(個々の波長は数100m以内)がみられ,シル上 は安定した成層状態にある。2~3回目は東向き通過流 が次第に弱まる期間であり,1回目で観測された内部波群 が上流側のシル上へ大きく移動し,波長数100mの内部 波が3~4波程度認められる。4回目は再び東向き通過 流が増加し,内部波も下流側へ押し戻され,このときの 全振幅は150mを超えている。5回目の東向き通過流の 流速値は極端に小さくなり,シル下流の内部波は消え, シル上一帯に全振幅50m以下の内部波が数波程度観測 される。6回目は1回目の約24時間後であり,1回目と同 程度の大きさをもった強い東向き通過流が形成されてい る。それゆえ,6回目の定性的な音響画像は1回目と良く 似ているが,内部波の全振幅は多少大きい約150m,さ らに3波程度に分裂している内部波も明瞭に観測される。 東向き通過流が極大となった1,4,6回目の内部波周辺の 表層付近には高い反射強度(赤色表示)が2~3カ所(間 隔は数100m程度)存在している。これらは,後述する 写真撮影されたストリーク帯に対応しており,強い沈降



Fig. 7. Magnified view of acoustic images shown by six observations along the ship-transect line  $E \rightarrow F$ . This section is also marked in Fig. 6. To indicate the temporal change in the horizontal flow, the ADCP velocity vectors on TpS are replotted at each left-hand side.

流によって沈んだ細かい泡が高い反射強度として現れた ものと推測している。

#### 4.2. ストリーク帯の海面写真

Fig. 8 の (a) は Fig. 7 に示した 6 回目の音響画面で写 真撮影期間 (Fig. 7 の灰色双方向矢印範囲)を拡大して 再表示したものである。観測船はこの音響画像の左から 右へ移動するため,撮影は画像上段に示した①→④の順 序となり,船首からの写真撮影は常に東向き(流下方向) である。目視観測したストリーク帯境界の位置を音響画 像には色付き矢印(緑色,赤色,黄色,橙色)で示し,同 じ色付き矢印で写真に映し出されたストリーク帯境界を 表示した。Fig. 8の(b)が①→④の4枚の海面写真であ り,撮影時刻を写真の左上に表示したが,わずか3分間 の撮影期間である。

写真①の緑色矢印の手前側は波浪 (図中では Surface

wave と表示) と思われる領域であり,このような海面状 態はシル上では継続して観察されていた。写真①の緑色 矢印と赤色矢印の間,または写真②の赤色矢印の手前側 では波浪とは異なって,(静止画ではわかり難いが)さざ 波が激しく立っていた。この領域は音響画像の表層高反 射(赤色)領域が対応しており,内部境界面が東向き(下 流向き)に大きく下降していることから強い沈降流の存 在が示唆される。それゆえ,この領域をArea-A1 (Streak)と名付ける。ところが,写真②の赤色矢印と黄 色矢印の間,または写真③の黄色矢印の手前側では,波 浪やさざ波も存在しないのっぺりした海面(スリック: Slick と呼ばれ,静止画でもわかり易い)へと突然変化し ている。この領域は Area-A1とは逆に,内部境界面が 東向き (下流向き)に大きく上昇している,または上凸の 内部波構造から湧昇域と推測され,Area-B1 (Slick)と 名付ける。写真③の黄色矢印と橙色矢印の間,または写 真④の橙色矢印の手前側では,Area-A1と同様に,音響 画像には下凸の内部波構造と表層高反射(赤色),そして さざ波が再び観測され,この領域を Area-A2 (Streak) と名付ける。写真④の橙色矢印より下流側では,Area-B1と同様なのっぺりした海面状態となり,内部波構 造からは弱い湧昇域であることが推測され,これを Ar-



Fig. 8. (a) Acoustic image of the significant wave packet around the downstream side of TpS at the sixth observation. In this representation, the ship moved from left to right across the surface fronts, shown by green, red, yellow, and orange arrows. (b) Four photographs of the streaks were taken from the ship-bow at the locations indicated with numbers from ① to ④ within about three min. The region of increased surface roughness overlying internal wave troughs, i.e., downwelling, is highly turbulent until the depth of several tens of meters, as described in the text.

ea-B2 (Slick) 領域と名付ける。SAR 画像 (Fig. 1 の (a) や Fig. 2) に映し出されたような数本連なるストリーク帯 は、さざ波が収束しているようにみえる沈降流の領域に 対応していると判断される。本観測時ではシル下流側に 形成された大振幅の内部波群に伴う、少なくとも 2 本の ストリーク帯 (Area-A1 と A2) を捉えることができたと 考えられる。

#### 4.3. ABC 観測線上の密度成層

6回目の ABC 観測時に実施した CTD によるポテン シャル水温 (以下,水温と略す),塩分,ポテンシャル密 度 (以下,密度と略す)の鉛直プロファイル (縦軸は水圧 値であり,1 dbar ≒ 1 m)を Fig.9の(a)~(c)に示す。 東向き海峡通過流の上流側から順に,CTD1点(MtC内) を赤色線,CTD2点(TyC内)を青色線,CTD3(TgB内) を緑色線で表示した。密度躍層と判断された水深を各 CTD 点と同じ色の横矢印で示し,いくつもある躍層を上 から順に a~cで表示した。なお、これらの矢印は Fig. 6の音響画像にも表示しており,躍層付近が確かに高反 射帯になっていることがわかる。

水温の鉛直プロファイルをみると、いずれも表層は23

~24℃で水深が増加するに従って指数関数的に水温低下 し、海底付近は10℃前後の値になる。塩分の鉛直プロ ファイルをみると、いずれも20m以浅は低塩で、水深 20~60mの中層付近で高塩となるが,60m以深では再 び低塩化している。密度の鉛直プロファイルの形状は水 温のそれとよく似ており,密度場は主に水温場に依存し ていることがわかる。上流から下流へ向かって生じる水 塊混合を調べるため、TS(水温-塩分)ダイアグラム図を Fig. 10 に示した。いずれも中層に高塩水が存在している ので, TS 分布形状は逆「く」の字を示しているが, 密 度 25 σ<sub>θ</sub>付近にある塩分極大値は上流側の CTD1 から下 流側の CTD3 へ次第に低塩化していることがわかる。た だし、密度 23.6  $\sigma_{\theta}$ よりも軽い水塊は 20 m 以浅の低塩水 であるが、測点によるバラツキが大きい一方、密度 26 σ<sub>θ</sub> よりも重い水塊は3点がほぼ同じ TS 曲線上に乗ってい る。以上の結果から、約20m以深にある中層高塩水と 底層低塩水は東向き通過流がシルを越える度に、次第に 鉛直混合されている様子が推測される。



Fig. 9. Vertical profiles of (a) the potential temperature (°C), (b) salinity (PSU), and (c) the potential density ( $\sigma_{\theta}$ ) at three locations : CTD1 in red (MtC), CTD2 in blue (TyC), and CTD3 in green (TgB).



Fig. 10. Temperature-Salinity (TS) diagram at three locations : CTD1 in red (MtC), CTD2 in blue (TyC), and CTD3 in green (TgB). Contour lines of density are also shown.

## 5. ストリーク帯を伴う内部波群のモデル再現 実験

前節では、ABC(もしくはEF)観測線上の音響画像と ADCP 流速データを用いて、潮汐変動を伴う東向き通過 流の強弱に同期してシル(主に、TpS)上、もしくはその 下流側に内部波が励起・伝播・消滅している様子を記述 した。さらに、東向き通過流が極大となる潮時では内部 波群が大振幅となり、その海面にはさざ波が収束したス トリーク帯がいくつも形成されることを現場観測によっ て初めて確認することができた。本節では、ストリーク 帯を伴う内部波群の解釈を深めるため、数値モデル (MITgcm: Massachusetts Institute of Technology general circulation model)を用いて本観測時期を想定した流況を 再現し、短波長の内部波群の形成要因に関する検討を 行った。

#### 5.1. 数値モデルの概要

観測された内部波群を数値モデルで再現するために は、その内部波の分散特性が表現できるモデルを設計す る必要がある。付録 A では線形内部波の分散関係式を用 いて、水深(100~300 m)と同程度の水平波長をもつ本 波の分散特性について検討し、付録 B では鉛直 2 次元の 数値モデルに現実的な成層場を設定して、本観測時にお ける内部波の自由伝播速度を概算した。その結果、観測 されたような短波長の内部波は、大きな分散性を示す非 回転系非静水圧の力学領域にあり、有限振幅の内部波で もその自由伝播速度(群速度)は1.0 m s<sup>-1</sup>以下であるこ とがわかった。そこで、使用した MITgcm は水平移流の 影響と有限振幅波が表現できるように、運動量の移流項 (非線形項)を考慮した非静水圧モデルとし、さらに、シ ル地形を感じる順圧通過流を表現することを目的に、回 転系の3次元水路地形を設計した。

津軽海峡西部海域のモデル地形は, Fig. 11の(a) x-y 平面図と(b) x-z 鉛直断面図に示すように, TyCとTgB (250 mの一定水深)に挟まれたTpS(最も浅い水深は 125 m)のシル地形付近を想定して,全長16 km,一定 幅 15 kmの単純な水路地形で表現した。水路横断方向 (y 軸方向)の水平格子は,順圧通過流を表現することを 目的として,多少粗くて1 km 格子とした。一方,水路 軸方向(x 軸方向)に伝播する水平波長が数100 mの内 部波群を表現するために,x 方向は40 m 格子,z 方向は 2 m 格子の小格子とした。以下,現場海域に対応した説 明の都合上,平面図の上側(正のy 軸方向)を北側(北海 道側),右側(正のx 軸方向)を東側(北太平海側)とし て記述する。

初期成層及び西側流入境界の密度条件は,塩分値を 34.2の均一値と仮定し,TpSシルの上流側(TyC内)で 観測された CTD2の水温鉛直プロファイル T(z)を指数 関数で近似して与えた。Fig. 11の(c)に示した実線が観 測値,破線が近似値の鉛直プロファイルであり,近似式 は下記のように表される。

$$T(z) = \Delta T e^{\frac{-z}{55}} + T_1 \tag{1}$$

ここで、 $\Delta T = T_0 - T_1$ 、 $T_0 = 25$ °C、 $T_1 = 9$ °C、z は単位をmとした水深である。

本モデルの強制力は, Fig. 11の(a)と(b)に矢印で 表示したように,東向き海峡通過流を想定した西側境界 からの順圧流入流 Uである。本観測時期の順圧通過流 は, TpS上で実際に観測された6回の ADCP 流速デー



Fig. 11. (a) Plan view of the channel model with a simple sill topography used to examine the generation process of internal waves by barotropic passage flow U. (b) Vertical view of the model. The configuration of the sill is depicted in the panel. (c) Vertical temperature profiles observed at CTD2 (solid line) and assumed in the model experiment (broken line).

タ (Fig. 7 の左側) から推測した。まず, 鉛直方向3 点の ADCP 流速値を平均し、これを観測された順圧流と仮定 する (Fig. 12の黒丸印)。次に, 6 回観測された順圧流の 時間変化は半日周潮流(12時間周期)と日周潮流(24時 間周期)と平均流(定数)の重ね合わせの結果と考え、こ れら3つの成分で調和解析(最小自乗法)を行った。得ら れた各調和定数(振幅・位相)を用いて再現した流速時系 列uを約2.5日分表示したものがFig. 12である。なお, 数値計算の都合上,初期応答の擾乱を抑えるために,始 めの約5時間 (図の破線部分) は0~100 cm s<sup>-1</sup> まで線形 に増加させている。推測された順圧流 u は水深 125 m の シル上の値なので、2倍の水深(250m)をもつ西側境界 で順圧流入流Uとして強制する場合は、その半分の値 (U=0.5u)に減じて使用した。また、東側開境界は MITgcm に設定されている放射条件を使用し、内部擾乱 が東側境界でほとんど反射しないことを確認している。

コリオリパラメータは北緯 41.5 度 (津軽海峡付近) から $f = 9.63 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1}$ の一定値,水平の渦動粘性係数と拡散係数は同値として $K_h = 0.1 \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$ ,鉛直の渦動粘性係

数と拡散係数も同値として  $K_v = 0.03 \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$ の一定値とした。計算時間ステップは 0.5秒,数値積分期間は同形の 潮汐変動が 2.5日分繰り返される 65時間とした。

なお、本モデルは回転系であるため、先行研究の太田 ら(2014)で議論された静水圧近似の回転系重力波(内 部ケルビン波やポアンカレ波)の励起も想定されるが、 それらの波を陽に再現することができなかった。その理 由として、これらの波動を表現するためにはモデル計算 領域(16 km×15 km)が狭すぎ、もし励起されていても 西側境界からの順圧流入流によって強制的に潰されてい るためと考えられる。

#### 5.2. 観測された内部波群のモデル再現性

6回実施した ABC 観測の E-F 間に対応した空間範囲 (約6km)を観測時刻に対応させて,計算時刻 t = 32時 間から5時間間隔の密度断面分布 ( $0.2\sigma_t$ 間隔)を Fig. 13 に示し, (a)には水平流速 u(x, z, t), (b)には鉛直流 速 w(x, z, t)の色分け分布を重ねて表示した。両図は Fig. 7に示した6回の音響画像にほぼ対応させることが



Fig. 12. Time series of the velocity of barotropic passage flow u (solid line) estimated from the observed six ADCP velocities at TpS (closed cycles) through the least-square method analysis. The daily cycle of barotropic passage flow U=0.5u in our model was repeated twice and half 60 h, and U appeared linearly increased during the initial 5 h (broken line).

できる。モデル再現された顕著な密度成層域(狭い等値 線間隔の領域)は、音響画像の高反射域の形状とよく似 ている。例えば、東向き通過流極大期にある1回目と6 回目において、シル上にみられた表層付近の帯状高反射 域はシル上の安定した密度成層として、シル下流側にみ られた大振幅の2~3波の内部波はほぼ同振幅でほぼ同 波長の波群として再現されている。東向き通過流が弱ま る2~5回目においては、音響画像にみられた微小で複 雑な内部波のモデル再現性は低いものの、通過流が最弱 となった5回目では、内部波がシル東端からシル上に侵 入して振幅を大きく減じている様子が再現されている。

水平流速 u(Fig. 13 (a))は下凸となる内部波の下層側 で東向き流が強く,上層側で弱い傾向がみられる。これ は上流伝播する下凸の内部波であれば上層側が西向き 流,下層側が東向き流となり,それに強制した東向き順 圧流入流が重なっていると解釈すれば定性的に説明され る。また,大振幅となった1回目と6回目の鉛直流速w (Fig. 13 (b))では明瞭にみられるが,下凸の内部波の西 側(上流側)半分で青色表示の沈降流,東側(下流側)半 分で赤色表示の湧昇流となり,進行波を考えれば,この 位相関係も上流伝播する内部波であることを支持する。 なお,数 cm s<sup>-1</sup> もの鉛直流速をもつ強い沈降流の場所 は,音響画像では細かい泡の沈み込みと推測した表層付 近の高い反射強度領域 (Fig. 7),海面写真ではさざ波が 激しく立った領域 (Fig. 8) に対応していると考える。

上述したように, 内部境界面変位による水平密度勾配  $d\rho/dx$ ( $\rho$ は海水の密度)とそれに伴う鉛直流速 w の位相 関係を調べれば、水平移流の強弱によって複雑な挙動を 示す個々の内部波の伝播方向を推定することができる。 本論では両者の単純な積  $P = w d\rho/dx$  の符号を伝播方向 の指標として用いる。なお、 $w \ge d\rho/dx$ の関数が内部波 の伝播方向に関与することは、線形内部波の極性関係 (Polarization relation)からも導くことができる(付録 C)。上述の上流伝播する内部波の場合,西側(上流側) 半分ではw < 0で $d\rho/dx < 0$ なのでP > 0,東側(下流 側) 半分では逆にw > 0で $d\rho/dx > 0$ であるが、積の符 号は西側半分と同じでP > 0となる。すなわち,P > 0(P < 0) となる周辺の内部波群は上流伝播(下流伝播)が支 配的と判断される。ただし、西側半分と東側半分の境界 (内部波の下凸部分)では $w \sim 0 \ c \ d\rho / dx \sim 0$ となるので、 1波長の内部波内には $P \sim 0$ の領域が必ず現れる。また、 このような単純な指標では、どちらにも伝播しない定在 波的な内部波(伝播が逆向きとなる2つの波の重ね合わ せ) は判別することができない。

## 5.3. ストリーク帯を伴う内部波群の形成要因に関する 考察

本研究対象のシル地形は解析的に扱えるような微小な 海底地形変化ではなく,励起される内部波も有限振幅で 非静水圧の力学領域にあるため,特性曲線法等を用いた 解析的考察(例えば,Hibiya,1986)は難しい。本研究で はそれに代わる解析として,正負の縞状の鉛直流速で表 現される内部波と前節で提案した伝播方向の指標である P値の符号を組み合わせることにより,水平移流の影響 を受けて時間発達する内部波の挙動について考察した。 Fig.14は空間軸として水路中央の東西軸に沿った水深 100 mを選択し(上段図に破線で示した水深),(a)が水 平流速u(x,t),(b)が鉛直流速w(x,t),(c)がP値 の空間-時間(x-t)のイソプレット図である。

シル上の水平流速 u が付録 B で概算した内部波の自由



**Fig. 13.** Temporal change in the vertical distributions of (a) the horizontal velocity of u (x, t) and (b) the vertical velocity of w (x, t) with the density field every 5 h along the central line of the channel axis, whose location is indicated by six solid lines in Fig. 13. The density contour interval is equal to 0.2  $\sigma_t$ . These results correspond to the time series of six acoustic images shown in Fig. 7.

伝播速度を超える強い東向き流 ( $u > 約 100 \text{ cm s}^{-1}$ )の時 期,編状の鉛直流速 w が示す内部波群はシル内に侵入し ていない。これはシル上の移流速度 U(東向き) が内部波 の自由伝播速度 Ci(西向き) よりも大きいため,両者の 比であるフルード数 Fr = U/Ci が臨界値を超えているこ と (Fr > 1)で容易に説明される。この時期のシル東端 斜面域では東向き順圧通過流が斜面を降ることによって, 濃い青色表示の強い沈降流 (w < 0)が強制され続けてい る。特に,シル上の水平流速 u が 140 cm s<sup>-1</sup>を超える計 算時刻 t = 5 ~ 10 h. と t = 30 ~ 35 h. と t = 55 ~ 60 h. の ころには、シル東端の沈降流に引き続く下流側に湧昇流 と沈降流(鉛直流速wはともに数 cm s<sup>-1</sup>のオーダ)が2 ~3回連続した縞状の内部波群が定在している。これが モデル再現されたストリーク帯を伴う大振幅の内部波群 である。この内部波群は定在しているようにみえるもの の、Fig. 13 (b) でもみたように、これらは全てP > 0と なる上流伝播する波である。ところが、シル上の東向き 水平流速uが少し弱まっただけでも、きれいな縞状の鉛 直流速wを伴う内部波群はすぐに消滅し、短周期の内部 波が支配的な複雑な様相を呈するようになる。P値の図



Fig. 14. Space-time plots of (a) the horizontal velocity of u (x, t), (b) the vertical velocity of w (x, t), and (c) the wave propagation index of P=w ( $d\rho/dx$ ) at 100 m depth along the central line of the channel axis. The upper panel shows the sill topography.

をみると、上述した上流伝播する波 (P > 0) と同時に、 シル東端付近からは下流伝播する波 (P < 0) も励起され 続けている。この下流伝播する内部波は常に数 10 分程 度の短周期であり、下流側への水平移流速度 u も加わっ て、見かけの伝播速度は  $2 \text{ m s}^{-1}$  近くにもなる。

非回転系の内部波を対象として、大振幅内部波の励起 が「跳水現象」であることを初めて指摘したのは Hibiya (1986)である。彼は跳水現象の物理的解釈を試み、各 瞬間にシル上で放射される上流伝播の「基本波(または 微小波)」を想定し、この波が臨界点近く( $Fr \sim 1$ )で効 率的に重なり合うことによって、振幅が次第に増加する というメカニズムを提示している。ただし,Hibiya (1986)では内部波を励起するシル地形の水平スケールが 流体水深よりも十分に大きいことを仮定し,非分散(ま たは静水圧近似)の基本波を想定している。一方,モデ ル再現されたシル下流側の内部波群は,その水平スケー ルが流体水深と同程度であるため,分散性が大きな波群 (または基本波)を想定しなければならない。それゆえ, 本研究の内部波群の物理的解釈において,Hibiya(1986) の基本波は,分散性を考慮した基本波への拡張が必要で ある。シル上で*Fr* > 1となる強い東向き通過流のとき, 数 100 m 幅 (モデルでは 200 m 幅)で水深が急増するシ ル東端斜面域が $Fr \sim 1$ の臨界点と考える。水深変化する任意の場所における個々の基本波の理論的な自由伝播速度の計算は、波の分散性により非常に難しく、実際にはフルード数 (Fr 値)の時空間変化の計算を行っていない。しかし、シル東端の西側シル上に全く波が存在せず、東側一帯に数多くの波が存在している状況から判断して、シル東端付近を $Fr \sim 1$ と判断することに無理はないと考えられる。

この臨界点において、東向き通過流は強い沈降流とな り密度境界面を下凸に変形させ、Hibiya (1986)の解釈 に従えば、各瞬間に下凸の基本波が励起され続けている 様子が想定される。励起された基本波の水平スケールは 数100mなので、この波は非回転系非静水圧の力学領域 にあり(付録 A),上流下流の両方向への伝播が可能であ る。同時に、この力学領域にある内部波は分散性が非常 に大きく(付録AとB),励起場を脱した内部波,または 励起が弱まったときの内部波は、周期数10分の短周期自 由波として容易に分散してしまう。その結果、下流側へ 伝播する基本波は重なり合わさることなく、東向き通過 流と同方向に移流され、常に短周期自由波のまま下流方 向へ移動する。一方、上流伝播する基本波はHibiya (1986)の跳水現象と同じ状況となり、臨界点において基 本波の重なり合わせが生じ、有限振幅まで成長できる。 ただし、この基本波がもつ大きな分散性のため、孤立し た有限振幅の内部波(すなわち、内部ソリトン波)には成 長できず、2~3波程度に分散した Airy 関数的な形状 (付録B)のまま成長し続け、その結果、ストリーク帯を 伴う大振幅の内部波群が形成されたと考えられる。

#### 6. まとめ

本研究では、津軽海峡西口のシル地形付近において、 成層期(6~10月)のSAR画像に写し出された2~3本 連なるストリーク帯が東向き海峡通過流が極大となる潮 時に、シル下流側で励起された大振幅の内部波群に伴う 現象であることを25時間6回往復の音響及びADCP観 測によって初めて捉えた。2~3本連なったストリーク 帯の海面は、他の海域に比して激しく波立っており(写 真撮影)、それゆえ、後方散乱(海面粗度)が大きな高輝 度領域として SAR 画像に写し出されることを確認した。 同時に、ストリーク帯付近の音響画像には深さ数10 m まで強い反射強度が潜り込んでいる様子が観測され、波 立った海面の気泡が強い沈降流により下方移流されてい ることが推測された。次に、シル地形を有した水路モデ ルを観測時の鉛直密度成層と東向き通過流変動で駆動し た数値実験を実施し、シル下流側の狭い斜面域に臨界点 (Fr~1)が形成される通過流極大期において、そこで 励起された上流伝播する基本波(微小波)が継続的に重 なり合わさり、大振幅の内部波まで成長することが示唆 された。さらに、この内部波は短波長(数100 m スケー ル)のために分散性が非常に大きく、2~3 波程度に分散 した形状のまま成長し、有限振幅の内部波群となること が推測された。

このように、モデル再現された短波長の内部波群は、 非回転系非静水圧の力学領域にある波動として理解した が、我々の観測結果の解釈には本モデル実験では十分に 表現できなかった回転系重力波(内部ケルビン波やポア ンカレ波)の影響も無視できないかもしれない。例えば、 音響画像(Fig. 6や Fig. 7)にみられたように、シル下流 側の高反射強度の塊全体は、太田ら(2014)で議論され たシルスケールのポアンカレ波(内部慣性重力波)と思わ れ、本研究で議論した短波長の内部波群がその塊の中に 制限されているようにもみえる。もし、そのような関係 があれば、大スケールの回転系波動と小スケールの非回 転系波動との相互作用の問題を議論しなければならな い。この問題は将来の課題としたいが、そのためには現 実的な地形条件のもと、より広範囲の計算領域で高解像 度の回転系非静水圧モデルの構築が必要となる。

#### 謝 辞

船舶による現場観測を実施するに当たり,海洋観測を 快く実施して頂いたうしお丸船長をはじめ,士官と乗組 員の皆様,そして共に観測を行った2017年当時の研究 室学生である堀尾一樹氏,松岡翔太氏に感謝致します。 また,SAR 画像をネット上で無償提供されている欧州宇 宙機関の皆様に心より感謝申し上げます。そして本論を 改訂するにあたり,編集委員と2名の査読者から,用語 の使い方,モデル結果の説明不足,論文の体裁などの有 益なコメントを数多く頂き,心より感謝致します。

#### 付録A:水平波長が数100mの線形内部波の分散特性

内部波群の水平波長は水深と同程度なので、回転系非 静水圧の波 (Non-hydrostatic rotating wave regime)を 想定すると、周波数 $\sigma$ 、水平波数k、鉛直波数mの線形 内部波の分散関係式は

$$\sigma^2 = \frac{f^2 m^2 + N^2 k^2}{k^2 + m^2}$$
(A1)

となり、この波が存在する周波数領域は $f < \sigma < N(f$ は 慣性振動数またはコリオリパラメータ、N は浮力振動数) となる (例えば、Gill、1982)。ここでは本観測時の津軽海 峡の代表値として、 $f \sim 10^{-4} \text{ s}^{-1}$ と上層付近の密度成層か ら概算される  $N \sim 5 \times 10^{-3} \text{ s}^{-1}$  (一定値を仮定)を用いる。 Fig. A1 の赤線が (A1) 式の周波数をコリオリパラメータ で規格化 ( $\sigma/f$ )、水平波数を鉛直波数で規格化 (k/m) したときの分散曲線図である。この内部波の分散特性は 低波数と高波数の極限 ( $k/m \rightarrow 0 \ge k/m \rightarrow \infty$ )で、そ れぞれ  $\sigma/f \rightarrow 1 \ge \sigma/f = N/f = 50$ に漸近し、これら両極 限の群速度は零 ( $Cg \rightarrow 0$ )、群速度の極大値  $Cg_{max}$ は 0 < k/m < 0.58の範囲にある (山内ら、2015)。観測された内 部波群は  $k/m \sim 1$ 前後の波数領域 (白抜きの矢印) にあ ると推定され、この領域では (A1) 式で $f^2 \ll N^2$  (k/m)<sup>2</sup>を仮定した非回転系非静水圧の波 (Non-hydrostatic nonrotating wave regime; $f \ll \sigma < N$ ) の分散曲線 (緑 線) でよく近似される。すなわち、観測された内部波群 は非回転系非静水圧の波の分散特性「低波数ほど群速度 が大」が支配的である。例えば、第1傾圧モードの内部 波 ( $m = 2\pi/(250 \text{ m} \times 2)$ )を想定すると、観測された内 部波群は  $k/m \sim 1$ から水平波長Lは約500 m、 $\sigma/f \sim$ 35から周期 T ( $= 2\pi/(35f)$ ) は約30分、位相速度は C=L/T ~ 0.3 m s<sup>-1</sup>のオーダにあることが概算される。

一方,太田ら (2014) で議論されたシルスケールの内 部 波 (ポアンカレ波) は内部変形半径に近い波長 ( $\lambda_i = NH/f \sim 12.5 \text{ km}$ )をもち,この波数領域 (黒矢印) では,(A1) 式で $k \ll m \epsilon$ 仮定した回転系静水圧近似 の波 (Hydrostatic rotating wave regime; $f < \sigma << N$ ) の分散曲線 (青線)でよく近似される。この領域の内部波 の分散特性は「高波数ほど群速度が大きく(例えば, $k/m \rightarrow 0$ では  $Cg \rightarrow 0$ となる $\sigma/f$ の慣性振動流)」,水平波 長を 12.5 km 程度とすると,周期は約9時間,位相速度 は 0.4 m s<sup>-1</sup>程度と概算される。



Fig. A1. Dispersion diagrams of the internal gravity waves in the wave-number ranges (a) 0 < k/m < 0.1 and (b) 0 < k/m < 2. The red, blue, and green dispersion curves are the nonhydrostatic rotating wave, the hydrostatic rotating wave, and the nonhydrostatic nonrotating wave, respectively.

#### 付録 B:現実的な成層場における内部波の自由伝播速度

付録 A では水深全体で N 値一定とした線形内部波の 分散関係式を用いて、観測された内部波群は少なくとも 非回転系非静水圧の力学領域で議論すべきことを指摘し た。より現実的な状況では、内部波群は表層ほど強い成 層場に存在し、その全振幅は150mを超える有限振幅波 であり,線形理論では記述できない特徴ももつ。そこで, 現実的な成層場(本文中の(1)式)を水深一定(250m) の鉛直2次元 MITgcm ( $\partial/\partial y = 0$ を仮定し,運動量の 移流を考慮した非静水圧モデル)に設定し,孤立した内 部波(内部波群の1つを想定)の初期値問題から、本波 の分散特性を調べた。本モデルの格子間隔は本文中の3 次元モデルと同じで、x方向は40m格子、z方向は2m 格子である。初期値(時刻 t=0 min.)は Fig. A2 の (a) に示すように、x 軸上の x=0 付近に低密度水のみで構 成される下凸の内部波を与えた。その形状はη=  $-a \cdot \operatorname{sech}^2(bx)$ の関数で近似し、シル下流側で観測され た大振幅の内部波群を参考にして、a=180m(全振幅)、  $b = 1/3 \text{ m}^{-1}$  (水平幅約 250 m を表現) とした。

x 方向のモデル領域は $-4 \sim +4$  km の8 km 範囲であ るが、モデル結果は x = 0 km を挟んだ対称解となるた め、ここでは計算開始 50 分後の負領域 (x < 0) におけ る x-z 密度断面図を Fig. A2 の (b) に示した。Fig. A2 の (c) も同じ初期値から計算した 50 分後の結果である が、線形論である付録 A に対応させて、運動量の移流項 (以下、非線形項と呼ぶ)を強制的に削除した計算であ る。両ケースともに、50 分という短時間にもかかわらず、 4 ~ 5 波に分裂している。両ケースの先頭第1 波の伝播 速度には違いがみられ、非線形項を考慮したケース (b) の方が幾分速い。これは線形波の伝播速度 (分散関係) が振幅値に依存しないのに対し、非線形波 (または有限 振幅波) では振幅値の関数にもなっているためと考えら れる。

付録 A の分散関係でも示したように、両ケースとも低 波数ほど大きな群速度をもつ Airy 関数的な形状 (Pedlosky, 1979; 磯田ら, 2013) を呈し、分散性が非常に大き い内部波であることが確認される。ここでは最も速い伝 播速度の先頭第1波に注目して、水平移流場の影響がな いときの自由伝播速度 *Ci* (正しくは群速度)の最大値を



Fig. A2. (a) Initial isopycnal displacement based on a single soliton pulse in the two-dimensional model assuming a flat bottom. (b) Calculated result of the waves after 50 min. (c) Calculated result of the waves after 50 min using linear approximation.

概算しておく。先頭第1波の50分間の移動距離Xは ケース(b)で約3.0 km,ケース(c)で約2.5 kmなので、  $Ci = X/50 \text{ min.} = 0.83 \sim 1.0 \text{ m s}^{-1} と見積もられる。$ 

## 付録 C:線形内部波の極性関係を用いた水平伝播方向の 指標

伝播する線形内部波の鉛直流速 w の時空間変化を

$$w = w_0 \cos(kx + mz - \sigma t) \tag{A2}$$

の正弦関数で表現したとき,種々の変数 (水平流速 $u \cdot v$ , 圧力偏差p,密度偏差 $\rho$ )間の極性関係の中で,密度偏 差 $\rho$ は

$$\rho = -\left(\frac{N^2 \rho_0}{\sigma g}\right) w_0 \sin(kx + mz - \sigma t) \tag{A3}$$

となる (例えば, Gill, 1982)。ここで,  $w_0$  は鉛直流速の 振幅, g は重力加速度,  $\rho_0$  は海水の平均密度である。(A3) 式の両辺をxで偏微分し, これに本文中のPの定義に 従って wを乗ずれば,

$$P = w \frac{\partial \rho}{\partial x}$$
  
=  $-\left(\frac{k}{\sigma}\right) \left(\frac{N^2 w_0^2 \rho_0}{g}\right) \cos^2(kx + mz - \sigma t)$  (A4)

となる。周波数 $\sigma > 0$ なので, Pの符号はkの符号にの み依存することがわかる。また, (A4) 式の $\sigma/k$ は水平 方向の位相速度Cなので, 例えば, k > 0はC > 0の右 向き伝播を意味し, この場合はP < 0で表現される。本 文中の解釈では, 各格子で計算されたP < 0の領域にお いて, 右向き(本モデルでは流下方向)伝播する内部波 の卓越が示唆される, となる。

#### References

- Apel J. R. and F. I. GonZalez (1983) : Nonlinear features of internal waves off Baja California as observed from the SEASAT Imaging Padar. J. Geophys. Res., 88, No.C7, 4459-4466.
- Apel, J. R. (2000) : Solitons near Gibraltar. Views from the European Remote Sensing Satellites, Global Ocean Associates, Report GOA 2000-1, Silver Spring, MD. 23 pp
- Gill, A. E. (1982) : Atmosphere-Ocean Dynamics. Academic Press, 662pp.
- Hibiya, T. (1986) : Generation mechanism of internal waves by tidal flow over a sill. J. Geophys. Res., 91, No.C6, 7197–7708.
- 飯野恵理子・磯田 豊・矢幅 寛(2009): 津軽海峡通過流を駆動する水位差. 海と空, **85 (1)**, 1-19.
- 磯口 治 (2016):高解像度センサ (SAR). 沿岸海洋研究, 54 (1), 11-16.
- 磯田 豊・森江亮介・太田紗希 (2013): 分散波と Airy 関数, 九州大学応用 力学研究所所報, 145, 53-57.
- 気象庁(2020):潮汐観測資料.https://www.data.jma.go.jp/gmd/kaiyou/ db/tide/genbo/index.php(最終閲覧日:2017年7月7日)
- 気象庁 (2020): AMeDAS データ. https://www.data.jma.go.jp/risk/obsdl/ index.php# (最終閲覧日:2017年6月12日)
- 小林直人・磯田 豊・高津哲也・山口秀一・木村 修(2004):練習船 ADCPを用いた迅速な海流情報提供に向けて: ADCPの品質管理処理 プログラム:,北大水産彙報,55(2),97-103.
- Moum, J. N., D. M. Farmer, W. D. Smyth, L. Armi, and S. Vagle (2003) : Structure and generation of turbulence at interfaces strained by internal solitary waves propagating shoreward over the continental shelf. J. Phys. Oceanogr., 33, 2093–2112.
- Moum, J. N., D. M. Farmer, E. L. Shroyer, W. D. Smyth, L. Armi, (2007) : Dissipative losses in nonlinear internal waves propagating across the continental shelf. J. Phys. Oceanogr., 37, 1989–1995. doi:10.1175/JPO3091.1
- 小田巻実(1984):津軽海峡の潮汐・潮流について(シンポジウム:海峡-海洋学的構造とその及ぼす影響-).沿岸海洋研究ノート,22(1),12-22.
- Ohshima, K. I. (1994) : The flow system in the Japan Sea caused by a sea level difference through shallow straits. J. Geophys. Res., 99, 9925–9940.
- 太田紗生・磯田豊・吉村志穂・荘司堅也・有田駿・河野航平・方 暁蓉・ 小林直人(2014):津軽海峡内の浅瀬地形上で励起される内部潮汐波.

海と空,90(3),63-84.

Pedlosky, J. (1979) : Geophysical Fluid Dynamics. Springer-Verlag, 728pp.

- Shroyer, E. L., J. N. Moum, and J. D. Nash (2008) : Observations of polarity reversal in shoaling nonlinear internal waves. J. Phys. Oceanogr., doi:10.1175/2008JPO3953.1
- Vlasenko, V., and N. Stashchuk (2007) : Three-dimensional shoaling of large amplitude internal waves. J. Geophys. Res., 112, C11018, doiI: 10.1029/2007JC004107.
- 山内泰孝・荘司堅也・磯田 豊・有田 駿・河野航平・藤原将平・方 曉蓉・ 朝日啓次郎・伊田智喜・久万健志・館野愛実・今井圭理・大和田真紀 (2015):日本海深層の底層フロントに捕捉されたfN振動.海の研究,24 (4),147-169.
- Yanagi, T. (1987) : Classification of "Siome", Streaks and fronts. J. Oceanogr. Soc. Japan, 45, 149–158.

## Observation and model experiments on an internal-wave packet accompanied by streak bands over the sill topography of Tsugaru Strait

Takuya Yamaguchi<sup>1\*</sup>, Yutaka Isoda<sup>2</sup>, Umihiko Itoh<sup>2</sup>, Touru Mukai<sup>2</sup>, Naoto Kobayashi<sup>3</sup>

#### Abstract

The Synthetic Aperture Radar (SAR) around the western entrance of the Tsugaru Strait has yielded well-defined images of an internal-wave packet accompanied by two or three surface-streaks (surface convergence within the same water mass), which is active during the stratified season, and whose wavelength is in the order of several hundred meters. Most of the waves in the packet were observed near the topographically shallow parts of the sill. Temporal changes were repeatedly observed in the internal waves confined to the sill using a high-frequency echosounder profiler within one-day in the summer 2017. The acoustic images suggest that a wave packet of extraordinary amplitude (> 150 m) has developed transiently around the downstream side of the sill at the ascending passage flow. This wave packet consists of two or three successive streak bands, with very disturbed sea surface conditions overlying wave troughs, i.e., strong downwelling areas. The dynamics of such waves developing over the sill is studied through a fully nonlinear nonhydrostatic numerical model. The vertical fluid stratification and temporal change of the barotropic passage flow were adjusted to approximate our observation conditions. The results suggest that the wave packet is effectively amplified near the downstream side of the sill, where the Froude number becomes a critical point, because upstream propagating waves on the sill slope stagnate and overlap efficiently. In this dynamical process, however, even if the wave grows to large amplitude, it does not form a well-organized solitary wave, but is rather scattered due to the strong dispersion of waves.

Key words: Tsugaru Strait, SAR image, Acoustic image, internal wave packet, streak bands

(Corresponding author's e-mail address: zshankou379@gmail.com) (Received 14 December 2018; accepted 23 March 2020) (doi: 10.5928/kaiyou.29.3\_71) (Copyright by the Oceanographic Society of Japan, 2020)

2 Graduate School of Fisheries Science, Hokkaido University, 3-1-1 Minato-cho, Hakodate, Hokkaido 041-8611, Japan

 Corresponding author: Takuya Yamaguchi TEL: +8109070457364
 e-mail: zshankou379@gmail.com

<sup>1</sup> Graduate School of Env. Earth Science, Hokkaido University, N10W5 Kitaku, Sapporo, Hokkaido 060-0810, Japan

<sup>3</sup> Faculty of Fisheries, Hokkaido University, 3-1-1 Minato-cho, Hakodate, Hokkaido 041-8611, Japan